TEMA 06 - ECUACIONES DE PRIMER Y SEGUNDO GRADO

1º. De las siguientes expresiones, identifica las que sean ecuaciones o identidades.

a)
$$2x - 5 = x - 1$$

b)
$$\frac{2x+8}{2} = x+4$$

c)
$$3x = \frac{x}{2} + 5$$

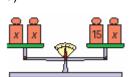
e)
$$(x+2)^2 = x^2 + 2^2$$

f)
$$(x-2)(x+2) = x^2 - 2^2$$

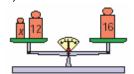
g)
$$-3(x-5) = -3x+5$$

2º. Expresa en lenguaje algebraico las igualdades que se representan en las siguientes balanzas y distingue las que son identidades y las que son ecuaciones:

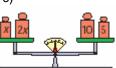




b)



c)



- **3º.** Escribe una ecuación que tenga tres términos en su primer miembro y dos en el segundo, que tenga una sola incógnita de primer grado y que su solución sea 4.
- 4º. Encuentra mentalmente la solución de las ecuaciones y señala cuáles son equivalentes.

a)
$$-2 + x = 7$$

d)
$$x + 2 = 0$$

g)
$$\frac{x}{2} = 7$$

b)
$$3x = 21$$

e)
$$x - 9 = -11$$

h)
$$\frac{15}{x} = -3$$

c)
$$x - 10 = 4$$

f)
$$4x = -36$$

i)
$$2(x+1)=10$$

- 5º. Indica la respuesta correcta. Si los dos miembros de una ecuación se multiplican por (-2):
 - a) La solución es la misma que la de la ecuación inicial.
 - b) La solución es la opuesta que la de la ecuación inicial.
 - c) La solución es el doble que la de la ecuación inicial.
 - d) La solución es la mitad que la de la ecuación inicial.
- 6º. Resuelve las ecuaciones:

a)
$$3x-2=5x+4$$

b)
$$2x-3+5x-1=7x+2x-10$$

c)
$$(x+3)-2(x-3)=2x+3$$

d)
$$-3x+5+2(3+5x)-4(2x-1)=2(2-x)+4(x+1)$$

e)
$$0'3x + 2(x-1) + 0'4(2x+3) = 2'5(x+3) + 7'3$$

f)
$$4(x-3)+2=3(x+5)+x-5$$

g)
$$\frac{2x}{3} = -6$$

h)
$$\frac{5x+1}{6} = \frac{4x-2}{9}$$

i)
$$\frac{x}{2} + \frac{x}{4} = 6$$

j)
$$\frac{x+3}{2} - \frac{x-2}{3} = \frac{x-5}{2} + 5$$

k)
$$3(2-x)-\frac{x+3}{2}=5x+\frac{x}{2}$$

$$I) \frac{5x+7}{2} - \frac{2x+4}{3} = \frac{3x+9}{4} + 5$$

- 7º. Dos hermanos tienen 11 y 9 años, y su madre 35. Halla el número de años que han de pasar para que la edad de la madre sea igual a la suma de las edades de los hijos.
- 8º. Encuentra el valor de los ángulos de un triángulo sabiendo que la diferencia entre dos de ellos es de 20º y que el tercer ángulo es el doble del menor.
- 9º. Una parcela rectangular tiene 123 metros de perímetro y es doble de larga que de ancha. ¿Qué superficie tiene la parcela?
- 10°. Tres números se diferencian entre ellos en 5 unidades. La suma de los tres es de 9 unidades. ¿Cuáles son dichos números?
- 11º. La suma de la tercera parte de un número con la mitad de su anterior y la cuarta parte del siguiente es igual al mayor de los tres. ¿Cuáles son esos números?
- 12º. El perímetro de un cuadrilátero rectángulo es de 32 cm. La altura es un centímetro mayor que la mitad de la base. ¿Cuáles son las dimensiones del rectángulo?
- **13º.** Resuelve las siguientes ecuaciones de segundo grado incompletas:

a)
$$x^2 - 49 = 0$$

b)
$$x^2 + x = 0$$

c)
$$x^2 - 3x = 0$$

d)
$$15 - x^2 = 0$$

e)
$$x - 4x^2 = 0$$

f)
$$x^2 - 3x + 2x^2 + 9x = 0$$

14º. Resuelve las siguientes ecuaciones de segundo grado completas utilizando la fórmula: $x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ab}}{2a}$ a) $x^2 - x - 6 = 0$ b) $2x^2 - 7x + 3 = 0$ c) $x^2 + 6x + 8 = 0$ d) $x^2 + 6x + 9 = 0$

a)
$$x^2 - x - 6 = 0$$

b)
$$2x^2 - 7x + 3 = 0$$

c)
$$x^2 + 6x + 8 = 0$$

d)
$$x^2 + 6x + 9 = 0$$

15°. Encuentra dos números consecutivos cuyo producto sea 56.

MATEMÁTICAS: PENDIENTES DE 2º ESO

<u>EJERCICIOS DE RECUPERACIÓN. SEGUNDA PARTE. PARA ENTREGAR</u> RESUELTOS

TEMA 07 - SISTEMAS DE ECUACIONES

1.- Resuelve por sustitución.

$$a) \quad \begin{cases} x+y=5\\ 2x+3y=13 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x - y = 7 \\ 3x + 2y = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} -3x + 2y = -13 \\ 2x + y = 11 \end{cases}$$

2.-Resuelve por igualación.

$$a) \begin{cases} x+y=5\\ 2x+3y=13 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x - y = 7 \\ 3x + 2y = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} -3x + 2y = -13 \\ 2x + y = 11 \end{cases}$$

3.-Resuelve por reducción.

$$\begin{cases} x+y=5\\ 2x+3y=13 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} 2x - y = 7 \\ 3x + 2y = 0 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} -3x + 2y = -13 \\ 2x + y = 11 \end{cases}$$

4. Resuelve por el método que quieras.

a)
$$\begin{cases} 2(x-1) + y = 5 \\ 3(x+1) - 2(y-2) = 7 \end{cases}$$

b)
$$\begin{cases} \frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 9\\ \frac{x}{5} - \frac{3(y-2)}{10} = -1 \end{cases}$$

c)
$$\begin{cases} \frac{x+3}{4} + \frac{3y-1}{2} = \frac{y+1}{2} - x + 3 \\ \frac{-x-7}{3} + 2y = 3y - 1 \end{cases}$$

5. €n una excursión hay 141 entre alumnos y alumnas de un IES. El número de chicas es doble que el de chicos. ¿Cuántos chicos y chicas van?

6 Un total de 6 hamburguesas y 2 refrescos cuestan 20 €. Lo mismo que 4 hamburguesas y 8 refrescos. ¿Cuánto cuesta una hamburguesa?

7.-Jesús tiene en su monedero 15 monedas por un total de 2,10 €. Sólo lleva monedas de 20 céntimos y de 5 céntimos. ¿Cuántas lleva de cada clase?

TEMA 08 - PROPORCIONALIDAD NUMÉRICA

1.-Antonio trabaja en la taquilla de un cine y tiene una lista con los importes de entradas. Se han borrado algunas cantidades. Ayúdale a rehacer la lista.

Entradas	1	2	3	4	5
Importe					21'00

2.- La siguiente tabla muestra los pintores necesarios para pintar todas las habitaciones de un hotel y los días que tardarían. ¿Son magnitudes directamente o inversamente proporcionales? Completa la tabla.

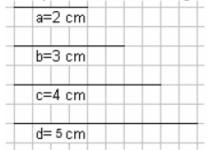
Nº. pintores	1	2		6
Dias necesarios	24		8	

- **3.-**Cinco fontaneros instalan los cuartos de baño de una urbanización en 16 días. ¿Cuántos fontaneros debe emplear el constructor si quiere terminar la obra en 10 días?
- **4.-** Isabel ha comprado al principio de curso 7 cuadernos que le han costado 6'30 euros. María compró 5 cuadernos. Calcula lo que pagó María.
- 5.- Antonio trabajó 6 días y cobró 190'20 euros. Esta semana ha trabajado 5 días. ¿Cuánto cobró?
- **6.-**Para transportar trigo se necesitan 25 camiones que empleando 12 días. Es necesario hacer el transporte en 5 días. Si todos los camiones hacen el mismo trabajo, ¿cuántos camiones se necesitarán?
- 7. En una oferta de un comercio de electrodomésticos nos descuentan el 15 % de un frigorífico cuyo precio es de 475 €. En un segundo comercio, el mismo frigorífico está marcado en 545 € y nos descuentan la cuarta parte. ¿Dónde conviene comprarlo?
- 8. De 5 toneladas de carbón de una mina se eliminan 2.400 kg de impurezas. ¿Qué tanto por ciento es carbón puro?
- 9.-Un cliente ha comprado una lavadora por 375 euros. Estaba de oferta con un 20 % de descuento. ¿Cuál era el precio sin rebaja?
- **10.** Juan trabaja a comisión y recibe el 8 % de lo que vende. Este mes necesita conseguir 2.500 euros. ¿Cuánto debe vender?

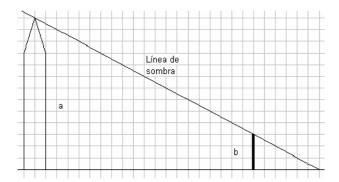
TEMA 09 - PROPORCIONALIDAD GEOMÉTRICA

1.-

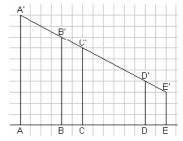
Comprueba si los segmentos a y b están en la misma proporción que c y d.



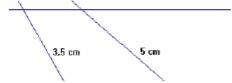
- 2-La razón de dos segmentos a y b es 0'75. Si b mide 5 cm, ¿cuánto mide a?
- **3.-**Antonio observa que su bastón *b*, que mide 1'5 metros le produce una sombra de 3 m. Con mucho cuidado lo coloca de manera que el último rayo solar que produce la sombra está alineado con el extremo del bastón y el extremo del poste. Ayúdate de las cuadrículas que tiene la figura y calcula la altura del poste aplicando el teorema de Tales.



- **4.-**La sombra de la torre de un castillo sobre un terreno horizontal mide 46'50 m. A la misma hora Juan, que mide 1'74 cm, proyecta una sombra de 2 metros. ¿Cuánto mide la torre?
- **5.-**Antonio tiene que fijar unos cables que unan los puntos *A'B'C'D'E'*. Puede medir en el suelo y el segmento *D'E'*, pero ya no alcanza a los demás porque están muy altos. Los valores que ha medido son: *AB* = 2'4 m, *BC* = *DE* = 1'2 m, *CD* = 3'6 m, *D'E'* = 1'34 m. ¿Cuánto medirán los cables que unen *A'B'*, *B'C'* y *C'D'*? ¿Cuántos metros de cable necesita?



6.-Las rectas horizontales son paralelas entre sí. Determina el valor de a.



- 7. En un plano nos dicen que 25 cm representan a 75 km. En la escala gráfica debemos hacer corresponden 1 cm con:
 - a) 3.000 m
- b) 3 km

c) 2'5 km

- **8.-**En un mapa construido a escala 1 : 400.000, la distancia entre la ciudad *A* y la ciudad *B* está marcada en 25 km. ¿A cuántos milímetros estará en el gráfico *A* de *B*?
- **9.-**Un arquitecto presenta unos planos de construcción a escala 1 : 50. La planta de la vivienda tiene 16 cm de ancho y 22 cm de alto. ¿Qué superficie tiene?
- **10.** En el plano de una ciudad, el gran teatro que tiene 60 m de fachada viene representado por 15 cm. ¿A qué escala está realizado el plano?